

SERIE 1

1. Resuelva el problema de valor inicial

$$y' = \frac{2xy - y^2}{x^2} \quad ; \quad y(1) = -1$$

1EFA_09-2_1

2. Resuelva la ecuación diferencial

$$(1 + 3x \operatorname{sen} y)dx - (x^2 \cos y)dy = 0$$

1EFA_09-2_2

3. Resolver el problema de valor inicial $(x^3 y + y)dx - (x^2 \ln^2 y + 4x^2)dy = 0$; $y(1) = 1$

1EFA_14-2_1

4. Resuelva el problema de valor inicial

$$y'(1 + x^2)^{-1} = \frac{1}{x^{-1} y} \quad ; \quad y(3) = -1$$

2EFA_09-2_2

5. Resuelva el problema de valor inicial

$$(e^x \ln y)dx + (2^{-1} e^{2x} y^{-1})dy = 0 \quad ; \quad y(0) = e$$

1EFA_10-1_1

6. Resuelva el problema de valor inicial

$$e^x (y - 1)dx + 2(e^x + 4)dy = 0 \quad ; \quad y(0) = 2$$

1EFC_10-1_1

7. Resuelva la ecuación diferencial

$$(2xe^{2y} - e^y)dx = -(x^2 e^{2y} + 1)dy$$

2EFA_10-1_1

8. Un magnate posee una fortuna $x(t)$ que crece a un ritmo proporcional al cuadrado de su valor en cada instante, es decir $\frac{dx(t)}{dt} = kx^2(t)$, donde k es una constante. Si tenía 10 millones de dólares hace un año y hoy tiene 20, ¿Cuál será su fortuna dentro de 6 meses?

1EEA_10-1_1

SERIE 1

9. Obtener la ecuación diferencial cuya solución general es

$$y = C_1 X + e^x \quad \mathbf{2EEA_10-1_1}$$

10. Obtenga la solución general de la ecuación diferencial

$$x y y' = y^2 + x \sqrt{4x^2 + y^2} \quad \mathbf{1EFA_10-2_1}$$

11. Obtenga la solución general de la ecuación diferencial

$$x y' - y = x \sec\left(\frac{y}{x}\right) \quad \mathbf{1EFC_10-2_1}$$

12. Resuelva la ecuación diferencial

$$4 \frac{dy}{dx} = 4 + \sec(x - y)$$

utilizando la sustitución $v = x - y$ **2EFA_10-2_1**

13. Resolver la siguiente ecuación diferencial

$$y(x + y + 1)dx + (x + 2y)dy = 0 \quad \mathbf{1EEA_10-2_1}$$

14. Obtenga la solución de la ecuación diferencial

$$x' + a x = A \operatorname{sen}(\omega t) ; x(0) = b \quad \mathbf{2EEA_10-2_1}$$

15. Resolver la ecuación diferencial

$$(\operatorname{sen} x \cos x) y' + y = \tan^2 x \quad \mathbf{2EFA_14-2_1}$$

SERIE 1

16. Determinar la Ecuación Diferencial de la familia de curvas

$$y = C_1x^2 + C_2x\text{sen}(x)$$

17. Clasificar las siguientes Ecuaciones Diferenciales

Ecuación	Orden	Grado	Lineal	Homogénea	Ordinaria
$y'' + 4y - 4t = 0$					
$\frac{d^2y}{dw^2} - 3w = 3y$					
$(y')^3 - 5y = 0$					
$\frac{ds}{dr} = \sqrt[3]{\frac{d^2s}{dr^2} - 3s}$					
$\left(\frac{\partial t}{\partial w}\right)^2 + 3t = 6$					
$y'' + 4\frac{\partial y}{\partial s} = 0$					

18. Determinar la Ecuación Diferencial cuya solución es la familia de circunferencias, cuyo centro se localiza sobre la circunferencia de radio 4 y centro (6,3) y que son tangentes al eje x.

19. Dada la siguiente Ecuación Diferencial obtener de ser posible alguna solución singular

$$(y')^2 + 2xyy' - 2x = 0$$

20. Obtener la Ecuación Diferencial cuya solución es:

$$y = C^2 + 2xC + x^2$$

Además:

- Determine la solución particular empleando la condición $y(2) = 3$.
- Determine la solución singular si es que existe.

21. Dada la ecuación $xy' + 1 = e^y$

Obtener:

- Su solución general
- Graficar las curvas para $C = 2$ y $C = -2$