

MIÉRCOLES 5 DE DICIEMBRE DEL 2018

08:00 HORAS, SEMESTRE 2019 – 1

NOMBRE: _____ ASIGNATURA: _____ FIRMA: _____

INSTRUCCIONES: Resuelva en 2 h los cuatro problemas que se ofrecen. No se permite la consulta de documento alguno. **Se prohíbe el uso de cualquier otro dispositivo que no sea la calculadora.**

1. En un experimento de termodinámica, a $463 [g]$ de una sustancia desconocida se les suministró energía en forma de calor y se registraron las siguientes temperaturas de dicha sustancia:

$T [^{\circ}C]$	31	33	37	40	41
$Q [J]$	5000	8000	15000	22000	24300

- a) Haciendo uso de los datos de la tabla anterior, obtenga el modelo matemático $Q = f(T)$ y determine la capacidad térmica específica de la sustancia utilizada.

- b) Con base en la tabla siguiente, identifique de qué sustancia se trata

$c \left[\frac{J}{kg \cdot ^{\circ}C} \right]$	2511.6	2260.44	4186
sustancia	alcohol etílico	glicerina	agua

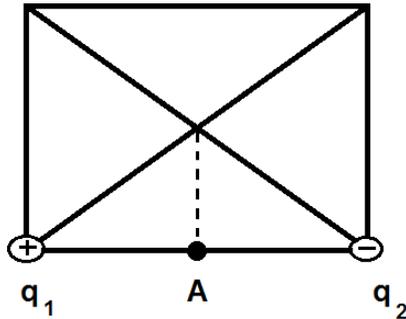
- c) Considerando la misma temperatura inicial con la que se obtuvo la tabla mostrada, calcule la energía en forma de calor que necesita dicha sustancia para alcanzar una temperatura de $35 [^{\circ}C]$.

2. Por un conducto de sección variable circula aire $\left(R = 0.287 \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right], c_p = 1.005 \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right] \right)$. A la entrada del conducto, la rapidez es $30 \left[\frac{m}{s} \right]$, el diámetro es $0.025 [m]$, la presión es $5 [bar]$ y se tiene una temperatura de $320 [K]$. A la salida, las condiciones son $1 [bar]$, $300 [K]$ y el diámetro es $0.012 [m]$. Determine:

- a) El flujo másico en $\left[\frac{kg}{s} \right]$.

- b) El cambio de entropía específica del aire a su paso por el conducto considerándolo como gas ideal.

3. Considere un cuadrado como el que se muestra a continuación de lado $20[cm]$. En dos vértices consecutivos de este cuadrado se sitúan dos cargas de magnitudes iguales. Sabiendo que $E_A = 3.6 \times 10^6 [N/C]$ y que $k = 9 \times 10^9 [N \cdot m^2 / C^2]$, determine el valor de las cargas.



4. A un solenoide largo de 400 vueltas y diámetro $5[cm]$ se le hace circular una corriente eléctrica, la cual genera un campo magnético uniforme de $0.1[T]$ en el núcleo de dicho inductor. Determine en cuánto tiempo (Δt), a partir de que se quita la diferencia de potencial aplicada, el campo magnético es $0[T]$. Considere que la diferencia de potencial inducida en las terminales del solenoide durante este intervalo de tiempo es constante y de valor $5[kV]$.

SEMESTRE 2019-1

MIÉRCOLES 5 DE DICIEMBRE DEL 2018

08:00 HORAS, SEMESTRE 2019 - 1

1.

$$a) \quad Q[J] = m \left[\frac{J}{^\circ C} \right] T [^\circ C] + b[J] \quad \Rightarrow \quad Q[J] = 1938.56 \left[\frac{J}{^\circ C} \right] T [^\circ C] - 55703.7234[J]$$

$$c = \frac{m}{m} = \frac{1938.56 \left[\frac{J}{^\circ C} \right]}{0.463[kg]} = 4186.96 \left[\frac{J}{kg \cdot ^\circ C} \right]$$

b) La sustancia es agua

c) Para una temperatura de $35[^\circ C]$

$$Q = 1938.56 \left[\frac{J}{^\circ C} \right] 35[^\circ C] - 55703.7234[J] = \underline{12145.8766[J]}$$

2.

$$a) \quad \dot{m} = \rho_1 \bar{V}_1 A_1 = \rho_2 \bar{V}_2 A_2$$

$$\text{Para } \rho_1: \quad P_1 V_1 = m R_{\text{aire}} T_1$$

$$\frac{m}{V_1} = \rho_1 = \frac{P_1}{R_{\text{aire}} T_1} = \frac{500000[Pa]}{\left(287 \left[\frac{J}{kg \cdot K} \right] \right) (320[K])} = 5.444 \left[\frac{kg}{m^3} \right]$$

$$\text{Para el } A_1: \quad A_1 = \frac{\pi (0.025[m])^2}{4} = 4.909 \times 10^{-4} [m^2]$$

$$\text{Entonces: } \dot{m} = \rho_1 \bar{V}_1 A_1 = \left(5.444 \left[\frac{kg}{m^3} \right] \right) \left(30 \left[\frac{m}{s} \right] \right) \left(4.909 \times 10^{-4} [m^2] \right) = \underline{0.08 \left[\frac{kg}{s} \right]}$$

b)

$$\Delta s = c_p \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \right) - R_{\text{aire}} \ln \left(\frac{P_2}{P_1} \right)$$

$$= \left(1.005 \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right] \right) \ln \left(\frac{300[K]}{320[K]} \right) - \left(0.287 \left[\frac{kJ}{kg \cdot K} \right] \right) \ln \left(\frac{1[bar]}{5[bar]} \right)$$

$$= \underline{397.0475 \left[\frac{J}{kg \cdot K} \right]}$$

3.

$$E_A = E_{A/1} + E_{A/2} = k \frac{|q_1|}{r_{A/1}^2} + k \frac{|q_2|}{r_{A/2}^2} = k \frac{|q_1|}{r^2} + k \frac{|q_1|}{r^2} = 2k \frac{|q_1|}{r^2}$$

$$|q_1| = |q_2| = \frac{E_A}{2k} r^2 = \frac{3.6 \times 10^6 \left[\frac{N}{C} \right]}{2 \left(9 \times 10^9 \left[\frac{N \cdot m^2}{C^2} \right] \right)} (0.1 [m])^2$$

$$|q_1| = |q_2| = 2 \times 10^{-6} [C]$$

$$\therefore \underline{q_1 = 2 \times 10^{-6} [C]} \quad \text{y} \quad \underline{q_2 = -2 \times 10^{-6} [C]}$$

4.

$$\varepsilon = -N \left[\frac{d\phi}{dt} \right] \rightarrow dt = -\frac{N}{\varepsilon} d\phi \rightarrow \Delta t = -\frac{N}{\varepsilon} \Delta\phi$$

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1$$

$$\phi_2 = 0$$

$$\phi_1 = BA = (0.1 [T]) \left(\frac{\pi}{4} D^2 \right) = (0.1 [T]) \left(\frac{\pi}{4} (0.05 [m])^2 \right) = 1.9634 \times 10^{-4} [Wb]$$

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1 = (0 - 1.9634 \times 10^{-4}) [Wb] = -1.9634 \times 10^{-4} [T \cdot m^2]$$

$$\Delta t = -\frac{N}{\varepsilon} \Delta\phi = -\left(\frac{400 [\text{vueltas}]}{5000 [V]} (-1.9634 \times 10^{-4} [T \cdot m^2]) \right) = 1.57 \times 10^{-5} [s] = 0.0157 [ms]$$